IMRT1: DEVOIR 3: 0607

Données

constante de Planck : $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J.s.}$ célérité de la lumière : $c = 3.00 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$ nombre d'Avogadro : $N_A = 6.02 \times 10^{23}$

charge élémentaire : $e = 1.60 \times 10^{-19}$ C masse de l'électron : $m = 9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}$

chaleur massique du tungstène : C = 134 J.K⁻¹.kg⁻¹

masse volumique du plomb : $\rho = 11.3$ g.cm⁻³ masse volumique de l'eau : $\rho = 1.00 \text{ g.cm}^{-3}$

Partie 1: **QCM** Compléter la grille réponse par V pour vrai et F pour faux

- 1. Un photon a pour longueur d'onde dans le vide 5 nm
- a) sa longueur d'onde vaut 5 Å
- b) sa fréquence vaut 6×10^{17} Hz
- c) son énergie vaut 248 eV
- d) il appartient au domaine des infrarouges
- e) c'est un photon "gamma"
- 2. Énergie de liaison
- a) l'énergie de liaison d'un électron de la couche K est inférieure à l'énergie de liaison d'un électron de la
- b) l'énergie de liaison d'un électron sur la couche K est pour tous les atomes égale à -13,6 eV
- c) l'énergie d'ionisation est l'énergie à fournir pour extraire un électron de l'atome
- d) l'énergie d'une transition électronique entre deux états excités est toujours plus faible que l'énergie d'ionisation
- e) la valeur (absolue) de l'énergie de la couche K augmente avec le numéro atomique de l'atome
- 3. La masse d'un électron peut s'écrire :
- a) 0,55 uma
- b) 0,00055 uma
- c) 0,511 keV
- d) $9,1 \times 10^{-34}$ g
- e) $8.18 \times 10^{-14} \text{ J} / \text{ c}^2$
- 4. La vitesse d'un électron d'énergie cinétique E = 11.4 eV vaut :
- a) 2.0×10^3 km.s⁻¹
- b) $3.0 \times 10^8 \text{ m.s}^{-1}$
- c) $2.0 \times 10^5 \text{ m.s}^{-1}$
- d) $2.0 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$
- e) $1.4 \times 10^6 \text{ m.s}^{-1}$
- 5. L'énergie du niveau fondamental de l'atome d'hydrogène vaut :
- a) 1.6×10^{-19} J
- b) 0,136 keV
- c) $2,18 \times 10^{-18} \text{ J}$
- d) $2.18 \times 10^{-18} \text{ eV}$
- e) 13.6 µJ
- 6. L'unité de masse atomique correspond à :
- a) 1.6×10^{-19} kg
- b) $1.66 \times 10^{-24} \text{ kg}$
- c) $1,66 \times 10^{-24}$ g d) $1,66 \times 10^{-21}$ g
- e) 931 MeV / c^2

- 7. L'énergie cinétique d'un électron vaut $E_C = 8.2 \times 10^{-14} \text{ J}.$
- a) Son énergie cinétique est négligeable devant son énergie de masse.
- b) Sa vitesse vaut 4.2×10^8 m.s⁻¹
- c) Sa vitesse est proche de celle de la lumière;
- d) Cet électron est relativiste.
- e) Il est impossible que l'énergie cinétique de l'électron soit aussi élevée.

| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|---|---|---|---|---|---|---|---|
| a | | | | | | | |
| b | | | | | | | |
| c | | | | | | | |
| d | | | | | | | |
| e | | | | | | | |

Partie 1 : Puissance rayonnée par une source ponctuelle de photons : intensité du rayonnement.

Une source radioactive d'iode 123, considérée comme une source ponctuelle, émet des photons d'énergie e = 159 keV; son activité vaut $A = 1,5 \times 10^5 \text{ Bq}$. Le rayonnement est isotrope.

- 1.1. Calculer le nombre de photons émis par la source en 10 s ; en déduire l'énergie (en eV et en J) émise par la source en 10 s.
- 1.2. Calculer la puissance (flux énergétique) de la source.
- 2.1. Calculer l'intensité du rayonnement (en W.m⁻²) émise par ma source à une distance de 10 cm ; on rappelle que la surface d'une sphère vaut, en fonction de son rayon r, $S = 4 \pi r^2$.
- 2.2. Calculer l'intensité du rayonnement à une distance de 20 cm, puis à une distance de 40 cm.
- 2.3. Déterminer la distance à laquelle il faut se placer de la source pour que l'intensité du rayonnement mesurée à 10 cm soit divisée d'un facteur 100.
- 3. Déterminer le nombre de photons reçus par seconde sur une surface de 1 cm² placée à une distance de 50 cm de la source

Partie 2: rayons X, production et propagation dans la matière

On produit des rayons X dans un tube de Coolidge à anode de tungstène Les électrons sont accélérés par une différence de potentiel $U_{AC} = V_A - V_C = 150 \text{ kV}$. Ce tube est alimenté par un courant d'intensité i = 2,0 mA, et son rendement est r = 1%.

A. Échauffement de la cathode

- 1. Calculer la puissance électrique P_E consommée par le tube, la puissance rayonnée P_R (sous forme de rayons X), la puissance transformée en chaleur P_J .
- 2. La masse de l'électrode vaut m = 50,0g. Calculer l'élévation de température que subirait cet électrode au bout de 10 s en fonctionnement statique ; commenter.

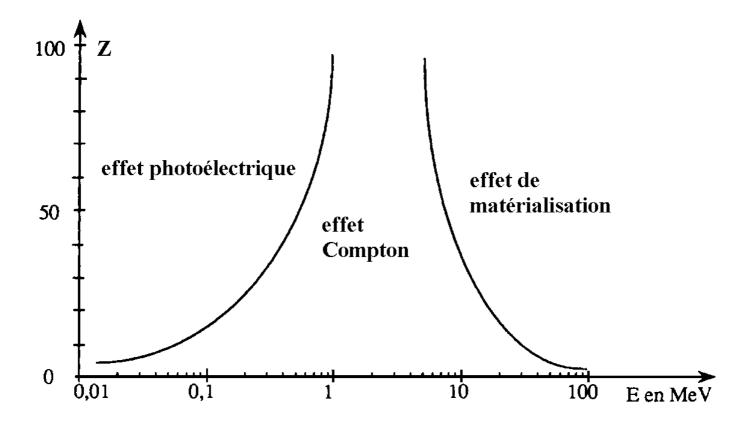
B. Caractéristiques du rayonnement de freinage

- 1. L'énergie cinétique des électrons émis par la cathode vaut environ 5 eV ; calculer l'énergie cinétique E_C (en eV et en J) des électrons incidents quand ils atteignent l'anode.
- 2.1. Calculer la longueur d'onde minimum λ_0 du spectre continu obtenu par freinage des électrons.
- 2.2. Calculer l'énergie E_m (en eV et en J) des photons X les plus nombreux. On rappelle que les photons X les plus probables ont pour longueur d'onde $\lambda_m = 1,5 \lambda_0$.

C. Interaction du rayonnement dans la matière.

Le faisceau de rayons X est maintenant dirigé soit sur une cible de plomb, soit sur un fantôme d'eau. Pour simplifier, on considère qu'il ne contient que des photons d'énergie 90 keV.

- 1.1. A l'aide du diagramme fourni ci-dessous, déterminer le type d'interaction que ce type de photons présente avec les molécules d'eau, considérées comme de numéro atomique "moyen" égal à 8.
- 1.2. Toujours à l'aide du diagramme, déterminer le type d'interaction que ce type de photon présente avec le plomb (Z = 82)
- 1.3. Donner une description sommaire des trois types d'interactions évoquées sur ce diagramme.



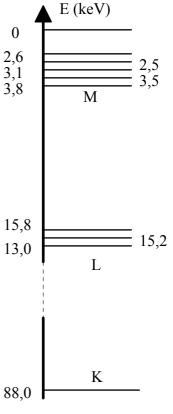
2. On donne ci-contre un diagramme simplifié des niveaux d'énergie du plomb.

L'interaction d'un photon et de l'atome de plomb peut ioniser celui-ci.

- 2.1. Donner le nom de ce type d'interaction.
- 2.2. Quels électrons du nuage atomique vont être concernés par ce type d'interaction? Justifier.
- 2.3. L'atome de plomb, une fois ionisé, peut capturer un électron du milieu pour revenir dans son état fondamental.

Déterminer la longueur d'onde des photons émis.

- 2.4. On observe l'émission de photons d'énergie d'environ 73 keV, expliquer leur apparition.
- 2.5. On observe également l'émission de photons dont l'énergie vaut entre 3,8 et 2,6 keV; donner une interprétation de ce phénomène.



D. Pénétration du rayonnement dans la matière.

- 1. Le coefficient massique d'atténuation dans l'eau, pour ces photons, vaut 0,17 cm².g⁻¹.
- 1.1. Calculer le coefficient d'atténuation linéique correspondant.
- 1.2. Calculer la couche de demi atténuation dans l'eau
- 2. Le graphe ci-dessous, en **coordonnées logarithmiques**, donne l'évolution du coefficient massique d'atténuation pour le plomb, (en cm².g⁻¹). La masse volumique du plomb vaut 11340 kg.m⁻³
- 2.1. En exploitant le graphe, déterminer la valeur du coefficient massique d'atténuation du plomb pour des photons de 90 keV ; faire apparaître sur le graphe une trace de la mesure effectuée.
- 2.2. En déduire le coefficient d'atténuation linéique correspondant.
- 2.3. Calculer l'épaisseur de la couche de déci transmission (l'intensité du faisceau est divisé par 10) pour le plomb, pour ces photons.
- 2.4. En déduire l'épaisseur de plomb nécessaire à la réduction de l'intensité du faisceau (pour ces photons) au millième de sa valeur.
- 2.5. Les tabliers de plomb utilisés en radiologie ont cependant des épaisseurs plus importantes ; en exploitant le graphique, justifier cette précaution.

